Prof. Dr. Alfred Toth

Ein- und zweidimensionale Darstellung semiotischer Morphismen

1. Die kategorietheoretische Semiotik geht bekanntlich auf Bense (1981, S. 124 ff.) zurück. So kann man die Subzeichenzahlen der kleinen Matrix wie folgt durch Morphismen, d.h. durch mathematisch definierte Semiosen substituieren

$(1.1) \leftrightarrow id_1$

$(2.2) \leftrightarrow id_2$

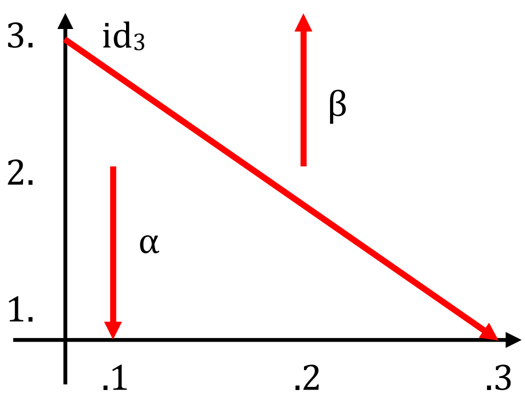
$(3.3) \leftrightarrow id_3$

$(1.2) \leftrightarrow \alpha$ $\qquad$ $(2.1) \leftrightarrow \alpha°$

$(2.3) \leftrightarrow \beta$ $\qquad$ $(3.2) \leftrightarrow \beta°$

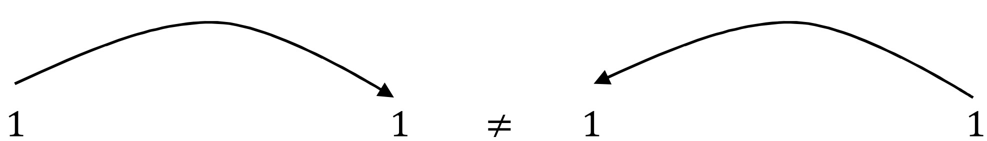
$(1.3) \leftrightarrow \beta\alpha$ $\qquad$ $(3.1) \leftrightarrow \alpha°\beta°$.

Geht man von einer 2-dimensionalen, der benseschen Matrix angenäherten, Darstellugsweise der Subzeichenzahlen aus, so besteht tatsächlich Bijektion zwischen jeder Subzeichenzahl und ihrem Morphismus, vgl. z.B.



.

2. Bedient man sich jedoch der 1-dimensionalen Peanofolge, so benötigt, wie in Toth (2019) dargelegt wurde, jede Subzeichenzahl der Form S = (x.y) ein Paar von Morphismen (selbst dann, wenn x = y) gil, vgl. z.B.



$$\begin{tikzcd} 1 \arrow[r, bend left] & 2 & \neq & 1 & 2 \arrow[l, bend right] \end{tikzcd},$$

d.h. es gibt keine Bijektion mehr, da der logische Identitätssatz aufgehoben ist.

3. Bildet man Paare von Subzeichenzahlen aufeinander ab, müssen die triadischen Hauptwerte (x.) und die trichotomischen Stellenwerte (.x) (x, y ∈ (1, 2, 3)) auch bei 2-dimensionaler Darstellung durch Paare von Morphismen dargestellt werden, vgl. etwa

$$\begin{array}{llcll} 1. & .1 & \qquad & 1. & .2 \\ \updownarrow_{id1} & \updownarrow_{id1} & & \updownarrow_{id1} & \updownarrow_{\beta} \\ 1. & .1 & & 1. & .3. \end{array}$$

Wegen der in Toth (2019) gewonnenen Erkenntnisse besteht allerdings auch in diesen Fällen keine Bijektion

$$\begin{array}{llcll} 1. & .1 & \qquad & 1. & .2 \\ \updownarrow_{id1} & \updownarrow_{id1} & & \updownarrow_{id1} & \updownarrow_{\beta} \\ 1. & .1 & & 1. & .3 \end{array}.$$

Literatur

Bense, Max, Axiomatik und Semiotik. Baden-Baden 1981

Toth, Alfred, Spiralzahlige Darstellung genuiner Subzeichen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2019

1.2.2019